



[문제 2-1]  $m=20, n=15$ 일때

$$p(x) = (1-x)^{20} (1+x)^{15} = (1-x)^{15} (1-x)^5$$

이때,  $(1-x)^{15}$ 에서 포함되는  $x^7$ 의 차수를  $a$ ,  $(1-x)^5$ 에서 포함되는  $x^7$ 의 차수를  $b$ 라고 하면 (다)의 이항정리에 의해

i)  $a=1, b=5$ 일때  $x^7$ 의 계수

$$(-15C_1) \times (-5C_5) = 15 \times 1 = 15$$

ii)  $a=2, b=3$ 일때  $x^7$ 의 계수

$$15C_2 \times (-5C_3) = 105 \times (-10) = -1050$$

iii)  $a=3, b=1$ 일때  $x^7$ 의 계수

$$(-15C_3) \times (-5C_1) = 455 \times 5 = 2275$$

$$\begin{aligned} \text{즉, } a_7 \text{의 값은 } i) + ii) + iii) &= 15 + (-1050) + 2275 \\ &= 1240 \text{ 이다.} \end{aligned}$$

$$\therefore 1240$$



[문제 2-2]

$$P(x) = (1-x) q(x) \text{ 에서 } a_k = b_k - b_{k-1} \dots \textcircled{1}$$

$$P(x) = (1+x) r(x) \text{ 에서 } a_k = c_k + c_{k-1} \dots \textcircled{2}$$

이때  $(1-x)^m$  과  $(1+x)^n$  은 미분가능하므로 제1문<나>를 통해

$$P'(x) = -m(1-x)^{m-1}(1+x)^n + n(1-x)^m(1+x)^{n-1} \text{ 임을 알 수 있다.}$$

$$P'(x) \text{ 의 } x^{k-1} \text{ 의 계수는 } ka_k$$

$$\text{따라서 } ka_k = -mb_{k+1} + nc_{k-1} \dots \textcircled{3}$$

$$\text{즉 } (m-k)b_{k-1} + kb_k - n(c_{k-1})$$

$$= mb_{k-1} - kb_{k-1} + kb_k - n(c_{k-1})$$

$$= k(b_k - b_{k-1}) - (n(c_{k-1}) - mb_{k-1})$$

$$= ka_k - ka_k = 0$$

$$\therefore 0$$



[문제 2-3]

[문제 2-2] 의 ①, ②, ③ 에 의해

$$\begin{aligned} mb_{k-1} + kc_k - n(c_{k-1} + kc_{k-1}) \\ = k(c_k + c_{k-1}) - (nc_{k-1} - mb_{k-1}) \\ = ka_k - ka_k = 0 \end{aligned}$$

$\therefore 0$

6